

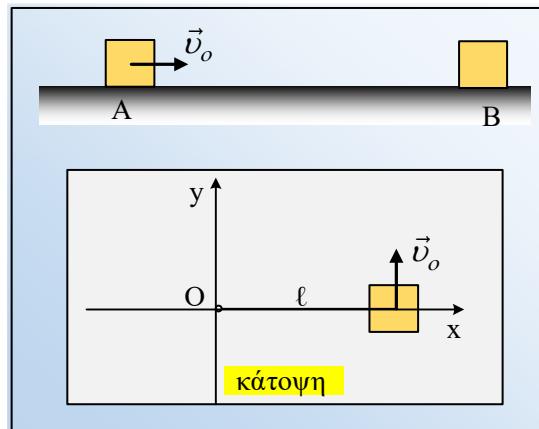
Μια επιβραδυνόμενη Κυκλική κίνηση.

Ένα σώμα μάζας 2kg ηρεμεί σε οριζόντιο επίπεδο, με το οποίο παρουσιάζει συντελεστή τριβής $\mu=0,2$, στη θέση A. Σε μια στιγμή δέχεται στιγμιαίο κτύπημα αποκτώντας αρχική ταχύτητα v_0 , με αποτέλεσμα να μετακινείται κατά $x_0=9\text{m}$, πριν σταματήσει στη θέση B.

- i) Να υπολογιστούν τα μέτρα των δυνάμεων που ασκούνται στο σώμα:

 - α) Μόλις αρχίσει να κινείται, μετά το κτύπημα.
 - β) Στη θέση B.

ii) Να βρεθεί η αρχική ταχύτητα v_0 .



Το ίδιο σώμα δένεται στο άκρο νήματος μήκους $\ell = (2/\pi)m$, το άλλο άκρο του οποίου δένεται σε σταθερό σημείο O, του ίδιου οριζόντιου επιπέδου, όπως στο κάτω σχήμα (σε κάτοψη). Σε μια στιγμή το σώμα δέχεται επίσης κτύπημα, με αποτέλεσμα να αποκτά αρχική ταχύτητα μέτρου v_0 , με διεύθυνση κάθετη στο νήμα.

- iii) Να δώσετε κατάλληλα σχήματα στα οποία να εμφανίζονται οι ασκούμενες δυνάμεις στο σώμα, των οπίων να υπολογίσετε τα μέτρα, με δεδομένο ότι η τάση του νήματος ευθύνεται για την αλλαγή στη διεύθυνση της ταχύτητας:

 - α) Μόλις αρχίσει να κινείται, μετά το κτύπημα.
 - β) Στη θέση που θα σταματήσει.

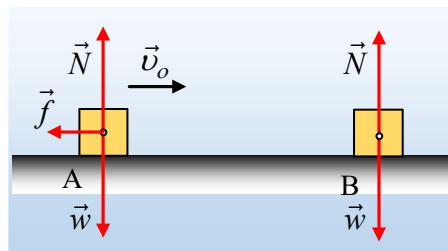
iv) Να βρεθεί η θέση που τελικά το σώμα θα ηρεμήσει.

$$\Delta v \text{ et } g = 10 \text{ m/s}^2.$$

Απάντηση

- i) Στο σχήμα έχουν σχεδιαστεί οι δυνάμεις που ασκούνται στο σώμα, στη θέση A (μόλις αποκτήσει ταχύτητα, οπότε δέχεται και δύναμη τριβής ολίσθησης, την οποία έχουμε συμβολίσει ως \vec{f}), καθώς και στη θέση B, όπου σταματά.

α) Για την θέση A:



$$\Sigma F_y = 0 \rightarrow N = w = mg \dot{\eta}$$

$$N=w=2 \cdot 10N=20N$$

Ενώ για την τριβή ολίσθησης έχουμε:

$$f = \mu mg = 0,2 \cdot 2 \cdot 10N = 4N$$

- β) Τα ίδια διατηρούνται και τα μέτρα των δυνάμεων Ν και ως οι οποίες ασκούνται στο σώμα στη θέση Β.

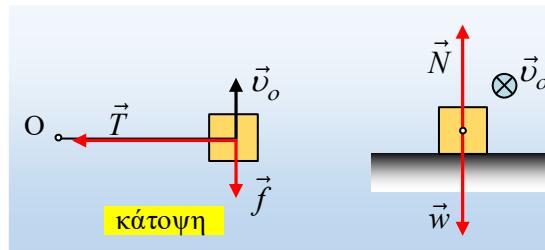
ii) Ефармодыңыме гиа то сома, то өнерети ма метаболіс тиң кинетикес енэргияс, апó тиң өтсөн А межри тиң өтсөн пуй стаматá, сто B:

$$K_B - K_A = W_w + W_N + W_f \quad (1)$$

Омас $W_w = W_N = 0$, афоу ои дунамеис ейнаи кадетес стиң метатопиши киаи кинетикес енэргияс (1):

$$\begin{aligned} 0 - \frac{1}{2}mv_o^2 &= 0 + 0 - f \cdot x_{o\lambda} \rightarrow \\ v_o &= \sqrt{\frac{2f \cdot x_{o\lambda}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 4 \cdot 9}{2}} \text{ м/с} = 6 \text{ м/с} \end{aligned}$$

iii) Вледонтаң то сома се катопи, пайрновуме то првто сома, сто опои өхонуи симеищіи өтаси то нжатос \vec{T} киаи өтбі \vec{f} , афоу то барос киаи N ейнаи кадетес сто епіпедо тиң кинетикес. Мия томи тиң трохиас, өла мпоронусе на макс епітреңвеи тоң өнкөлө схедиасимо тоң дунамеов аутаң, ошаси то өдүтеро сома, ошаси кадети то епіпедо тиң селідаң, мекорда проц то меса ейнаи өтажтета \vec{v}_o :



а) Модың архисеи то сома на кинеити, өхонуме тиң тессерес парапано дунамеис мекетра $w = 20 \text{ N}$, $N = 20 \text{ N}$, енвя тиң өтбі олістети өхонуме ҳанда $f = \mu mg = 0,2 \cdot 2 \cdot 10 \text{ N} = 4 \text{ N}$.

Н өтаси то нжатос өхеи мектро:

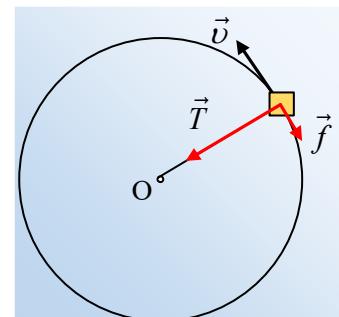
$$T = m \frac{v_o^2}{R} = m \frac{v_o^2}{l} = 2 \cdot \frac{6^2}{2/\pi} \text{ N} = 36\pi \text{ N}$$

б) Модың стаматиесеи то сома, өла миденистей тосо өтбі, өсси киаи өтаси то нжатос, менонаң мондо то барос киаи өтбі аттідрашти то епіпедо, мекетес ошаси парапано.

iv) Ефармодыңыме ҳанда гиа то сома, то өнерети ма метаболіс тиң кинетикес енэргияс, апó тиң архике өтсөн межри тиң өтсөн пуй стаматá:

$$K_\tau - K_\alpha = W_w + W_N + W_T \quad (2)$$

Омас $W_w = W_N = W_T = 0$, афоу ои дунамеис ейнаи кадетес стиң метатопиши (ои дуо првтес катакоруфес, енвя өтаси мекетес ошаси кинетикес енэргияс). Тиң трохиас, әра кадети стиң өтажтета, өтоңиа ейнаи ефаптомуенеи тоң күклө).



Езжаллуң өтбі ден ейнаи мака стадиері дунами, афоу ейнаи диаркаваи өтбі кинетикес енэргияс апó тиң өтажтета, сунепаваи ефаптомуенеи тоң күклө тоң опоиа диаграфи тоң сома. Аллар өтоңиа мекетес ошаси кинетикес енэргияс dx исі мекетес ошаси өтбі ds, то өрғи тиң ейнаи:

$$dW_i = |f| \cdot |dx| \cdot \sigma v v 180^\circ = -|f| \cdot |ds|$$

Аллаң тóтес ғиа то олікó ेрғо тηс трибήс, ден ेхоме парá ға ҳорісоме тηн трохиá ғоу дияграғеи то сѡма се стойхеиоды тóзға ds ға ғафу ұполоғиоме та ғтимероуыс стойхеиоды ेрға dW, ғто тéлоу ға та ғро- ғтимероуыс, ғаірнонтағас:

$$W_f = \sum dW_i = -\sum |f| \cdot |ds| = -|f| \cdot \sum |ds| = -f \cdot s_{o\lambda}$$

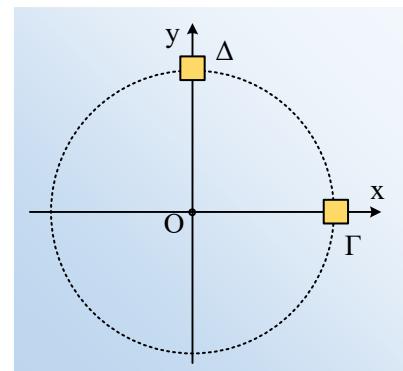
Опóте мe ғантакатáстаси ғтηн (1) ғаірнонуме:

$$\begin{aligned} 0 - \frac{1}{2}mv_o^2 &= 0 + 0 + 0 - f \cdot s_{o\lambda} \rightarrow \\ s_{o\lambda} &= \frac{mv_o^2}{2f} = \frac{2 \cdot 6^2}{2 \cdot 4} m = 9m \end{aligned}$$

Ламбáонтағас ұпóψи то мήкоs ғоу күклюу ғинai L=2πR, то сѡма ғаа ғхеi кáнеi N ғерiфօрэс ғýрво ғао то кéнтро O, ғоу:

$$N = \frac{s_{o\lambda}}{L} = \frac{s_{o\lambda}}{2\pi R} = \frac{9}{2\pi \cdot \frac{2}{\pi}} = \frac{9}{4} = 2,25$$

То апотéлесма ғоу брήкағас мaс ғлéеi ғти то сѡма ғхеi дияграғеи ғнó ғлήрет ғүклюу ғаи то ¼ ғенó ғүклюу. Аn ғароуым ғнлады ғти ғеки- ғнс тηн кинети ғоу апó то ғемеi Г, ғоу брісқетаi ғано ғтон ағзона x, ғоу ғто ғитланó ғжήма, ға ғтаматиғеi ғто ғемеi Δ ғоу ағзона y, ғоу x,y ғна ғустема ортоғонiѡn ғаzónw ғоу ғпороуыс ға ғретимопоiғсоме ғатá тηн мелети ғтηс кинети...



dmargaris@gmail.com